

УДК 535.317

Аберрационный синтез лазерных оптических систем

Минахметов А.С., студент

*Россия, 105005, г. Москва, МГТУ им. Н.Э. Баумана,
кафедра «Радиоэлектроника и лазерная техника»*

*Научный руководитель: Ширанков А.Ф., к.т.н., начальник отдела НИИ
«Радиоэлектроника и лазерная техника» МГТУ им. Н.Э. Баумана
Россия, 105005, г. Москва, МГТУ им. Н.Э. Баумана
ashirankov@bmstu.ru*

Введение

При осуществлении аберрационного синтеза оптических систем, предназначенных для преобразования параметров лазерного излучения, необходимо учитывать, что излучение описывается параметрами гауссова пучка, который представляет собой волну, отличную как от сферической, так и от плоской; огибающая гауссова пучка по уровню амплитуды $1/e$ представляет собой гиперboloид вращения. (Рис. 1) [1].

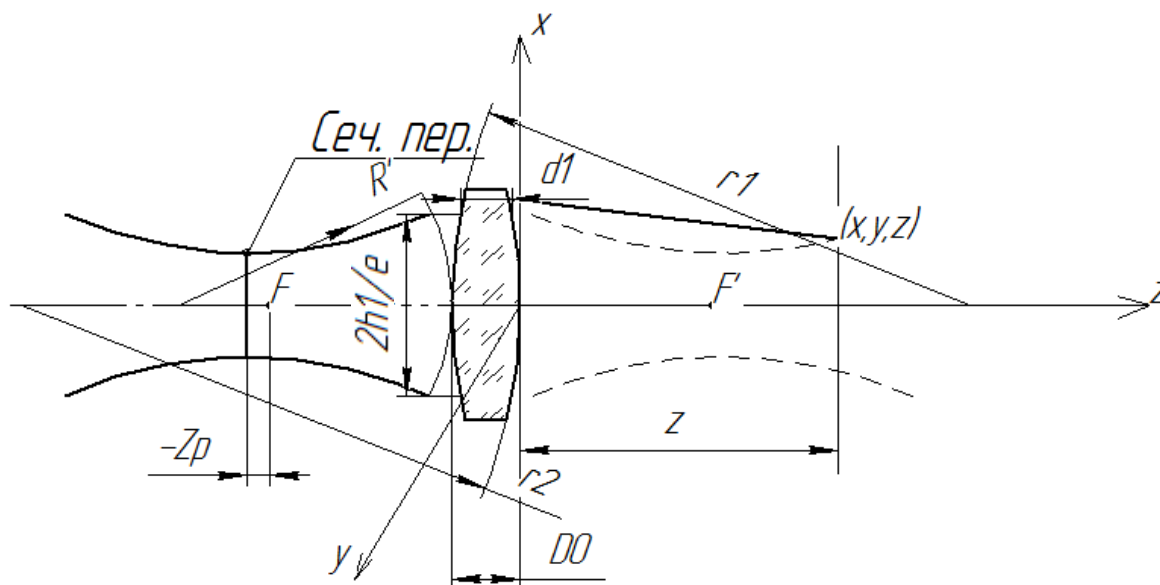


Рис. 1. Преобразование гауссова пучка линзой

Для выявления аберраций, вносимых линзой в гауссов пучок, стоит рассмотреть экспоненциальный множитель подынтегрального выражения дифракционного интеграла. Поле $\psi(x, y, z)$ в произвольной точке пространства после тонкой линзы с координатами $(x,$

у, z) в соответствии со скалярной теорией дифракции определяется путём вычисления дифракционного интеграла 1 [1].

$$\psi(x, y, z) = \frac{iA(z')}{\lambda z} e^{-ikz} \iint \exp\{-(ax'^2 + b_x x' + c_x)\} \exp\{-(ay'^2 + b_y y' + c_y)\} \exp\{i2f'\omega \Sigma T_8 \rho h_{max}^8 + \beta \Sigma h_{max}^6 + 2\omega \Sigma h_{max}^8 T_6 \rho + \alpha \Sigma + 1,5\beta \Sigma h_{max}^2 + 1,75\omega \Sigma h_{max}^4 \cdot (h^4 - h^2 h_{max}^2 + h_{max}^4) T_4 \rho\} dx' dy' \quad (1)$$

где:

λ – длина волны лазерного излучения, k – волновое число, i – мнимая единица, $A(z)$ – распределение амплитуды поля в точке z на оптической оси

$\alpha_\Sigma = \alpha + \frac{2f'}{8z^3}$, $\beta_\Sigma = \beta + \frac{2f'}{16z^5}$, $\omega_\Sigma = \omega + \frac{5f'}{64z^7}$ – суммарные параметры искажения поля, где

z – продольная координата плоскости анализа

f' – фокусное расстояние линзы

$$\alpha = \frac{1}{4} \frac{\frac{1}{r_1^3} - \frac{1}{r_2^3}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}}; \quad \beta = \frac{1}{8} \frac{\frac{1}{r_1^5} - \frac{1}{r_2^5}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}}; \quad \omega = \frac{5}{64} \frac{\frac{1}{r_1^7} - \frac{1}{r_2^7}}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} - \text{параметры искажения}$$

r_1, r_2 – радиусы поверхностей линзы

Параметр a определяется как:

$$a = \left[\frac{1}{h_{\frac{1}{e}}^2} - \frac{a_\lambda}{2f'(n_\lambda - 1)} \right] + \frac{ki}{2} \left[\frac{1}{R'} + \frac{1}{z} - \frac{1}{f'} - \frac{h_{max}^2}{f'} \left(\frac{7}{8} \omega_\Sigma h_{max}^4 + \frac{15}{16} \beta_\Sigma h_{max}^2 + \alpha_\Sigma \right) \right], \text{ где}$$

$h_{\frac{1}{e}}$ – радиус пятна лазерного излучения по уровню $1/e$ в плоскости, перпендикулярной оси z и касательной к первой поверхности линзы, h_{max} – максимальный радиус пятна лазерного излучения по уровню $1/e$ в линзе, R' – радиус кривизны волнового фронта в точке $(0,0,z')$, n_λ – показатель преломления стекла линзы на длине волны λ , a_λ – спектральный коэффициент поглощения излучения стеклом линзы на длине волны λ .

Параметры b и c определяются как: $b_x = -\frac{kx}{z}i$; $b_y = -\frac{ky}{z}i$; $c_x = \frac{kx^2}{2z}i$; $c_y = \frac{ky^2}{2z}i$;

$T_4(\rho) = \rho^4 - \rho^2 + \frac{1}{8}$, $T_6(\rho) = \rho^6 - 1,5\rho^4 + \frac{9}{16}\rho^2 - \frac{1}{32}$; $T_8(\rho) = \rho^8 - 2\rho^6 + 1,25\rho^4 - 0,25\rho^2 + \frac{1}{128}$; – полиномы Чебышева, наименее уклоняющиеся от нуля в промежутке $[-1; +1]$, содержащие параметры: $\rho = \frac{h}{h_{max}}$, $h = \sqrt{z^2 + (x' - x)^2 + (y' - y)^2}$

Описанный математический аппарат позволяет проанализировать aberrации, вносимые линзой, а так же определить путь синтеза реальных оптических компонентов с наименьшими aberrациями.

Определение кривизн поверхностей компонента.

Предлагается рассмотреть преобразование излучения компонентом, состоящим из двух линз, с помощью которых возможно скорректировать aberrации до 7-го порядка. Экспоненциальный множитель подынтегрального выражения дифракционного интеграла возможно представить в виде[2.1]:

$$\varphi = \frac{k}{2f'} (\alpha_{\Sigma} + 1,5\beta_{\Sigma}h_{\max}^2 + 1,75\omega_{\Sigma}h_{\max}^4) h_{\max}^4 T_4(\rho),$$

где коэффициенты:

f' – фокусное расстояние компонента (фокусное расстояние компонента f' берется из габаритного расчета);

$h^2 = x^2 + y^2$; $h_{\max}$ – максимальный размер пучка на компоненте;

$T_4(\rho = h/h_{\max}) = \rho^4 - \rho^2 + 1/8$ – полином Чебышева, наименее уклоняющийся от нуля в промежутке $[-1; +1]$;

$\alpha_{\Sigma}, \beta_{\Sigma}, \omega_{\Sigma}$ – параметры, характеризующие aberrации ЛОС 3, 5 и 7-го порядков[2.2]:

$$\begin{aligned} \alpha_{\Sigma} &= \alpha + \frac{f'}{4z^3}; \beta_{\Sigma} = \beta - \frac{f'}{8z^5}; \omega_{\Sigma} = \omega + \frac{5f'}{64z^3}; \\ \alpha &= \alpha_1\Phi_1f' + \alpha_2\Phi_2f'; \alpha_1 = \frac{1}{4} \frac{\rho_1^3 - \rho_2^3}{\rho_1 - \rho_2}; \alpha_2 = \frac{1}{4} \frac{\rho_3^3 - \rho_4^3}{\rho_3 - \rho_4}; \\ \beta &= \beta_1\Phi_1f' + \beta_2\Phi_2f'; \beta_1 = \frac{1}{8} \frac{\rho_1^5 - \rho_2^5}{\rho_1 - \rho_2}; \beta_2 = \frac{1}{8} \frac{\rho_3^5 - \rho_4^5}{\rho_3 - \rho_4}; \\ \omega &= \omega_1\Phi_1f' + \omega_2\Phi_2f'; \omega_1 = \frac{5}{64} \frac{\rho_1^7 - \rho_2^7}{\rho_3 - \rho_4}; \omega_2 = \frac{5}{64} \frac{\rho_3^7 - \rho_4^7}{\rho_3 - \rho_4}; \end{aligned}$$

$\Phi_1 = (n_1 - 1)(\rho_1 - \rho_2)$ – оптическая сила первой линзы компонента;

$\Phi_2 = (n_2 - 1)(\rho_3 - \rho_4)$ – оптическая сила второй линзы компонента;

$\rho_j = 1/r_j$ – кривизна преломляющей поверхности компонента $j = \overline{1, 4}$;

r_j – радиус кривизны поверхностей компонента;

n_1, n_2 – показатели преломления линз компонента.

Условие устранения aberrаций компонента 3-го порядка эквивалентно $\alpha_z = 0$. При этом необходимо обеспечить заданное фокусное расстояние компонента f' , что через оптические силы линз компонента представляется как $f'^{-1} = \Phi_1 + \Phi_2$.

В случае, когда компонент представляет собой склейку двух линз, параметры $\rho_2 = \rho_3 = p$ равны между собой в виду сопряженности второй поверхности первой линзы и первой поверхности второй линзы. В данном случае α_z представляется как:

$$\alpha_z = \frac{1}{4} \frac{\rho_1^3 - p^3}{\rho_1 - p} (n_1 - 1)(\rho_1 - p)f' + \frac{1}{4} \frac{p^3 - \rho_4^3}{p - \rho_4} (n_2 - 1)(p - \rho_4)f' + \frac{f'}{4z^3}$$

Приведённое выше выражение должно обнуляться при исправлении aberrаций 3-го порядка, в связи с чем получаем основное уравнение aberrационного синтеза:

$$\frac{1}{4} \frac{\rho_1^3 - p^3}{\rho_1 - p} (n_1 - 1)(\rho_1 - p)f' + \frac{1}{4} \frac{p^3 - \rho_4^3}{p - \rho_4} (n_2 - 1)(p - \rho_4)f' + \frac{f'}{4z^3} = 0 \quad (2)$$

Введя новые переменные $y = \frac{\rho_1}{p} - 1$, $x = \frac{\rho_4}{p}$, $m = \frac{f'}{z}$, приходим к следующему виду уравнения (2).

$$(y^3 + 3y^2 + 3y)(n_1 - 1) + (1 - x^3)(n_2 - 1)f'^3 + \frac{m^3}{p^3 f'^3} = 0 \quad (3)$$

Зная условие обеспечения сохранения фокусного расстояния компонента: $\frac{1}{f'} = \Phi_1 + \Phi_2$

Возможно записать свободный член уравнения (3) $\frac{m^3}{p^3 f'^3}$ через переменные x и y как

$$\frac{m^3}{p^3 f'^3} = m^3 ((n_1 - 1)y + (n_2 - 1)(1 - x))^3$$

Уравнение (3) при данных преобразованиях примет следующий вид:

$$(y^3 + 3y^2 + 4y)(n_1 - 1) + (1 - x^3)(n_2 - 1) + m^3 ((n_1 - 1)y + (n_2 - 1)(1 - x))^3 = 0$$

Обозначив $a = (1 - x^3)(n_2 - 1)$; $n_{11} = n_1 - 1$; $b = (n_2 - 1)(1 - x)$ возможно получить следующее кубическое уравнение, решаемое относительно переменной y :

$$n_{11}(1 + m^3 n_{11}^2) \cdot y^3 + 3n_{11}(1 + n_{11} b m^3) \cdot y^2 + 3n_{11}(1 + m^3 b) \cdot y + (a + b^3 m^3) = 0 \quad (4)$$

Это уравнение имеет, по крайней мере, один действительный корень y . Задавая и варьируя неопределённые коэффициент x и m , возможно получить различные решения кубического уравнения для последующей селекции наилучшего. По каждому корню уравнения получаются конструктивные параметры 2-х линзового объектива:

$$\begin{cases} r_2 = f'[(n_1 - 1)y + b] \\ r_1 = r_2/(y + 1) \\ r_4 = r_2/x \\ r_3 = r_4 \end{cases}$$

Полные диаметры компонентов

По световому диаметру компонента D_C из таблицы для соответствующей строки [3] определяются ΔD , d_{KR} и полный диаметр линз D_p , которые используются далее для расчета. Причем полный диаметр равен $D_p = D_C + \Delta D$. Световые диаметры D_C компонентов берутся из габаритного расчета компонента.

Таблица 1

Полные диаметры компонентов

D_C , мм	ΔD , мм	d_{KR} , мм ($f' > 0$)
< 6	0,6	1,0
$\geq 6 < 10$	1,0	1,2
$\geq 10 < 18$	1,5	1,5
$\geq 18 < 30$	1,8	1,8
$\geq 30 < 50$	2,0	2,0
$\geq 50 < 80$	2,5	2,5
$\geq 80 < 120$	3,0	3,0

Расчет толщин линз

Расчет толщины линз является следующим важным этапом аберрационного синтеза. Её можно определить, зная радиусы кривизны поверхностей и полный диаметр линзы.

Для начала необходимо определить стрелку прогиба S_i для каждой из поверхностей:

$$S_i = r_i \left(1 - \sqrt{1 - (\rho_i h)^2} \right), \text{ где}$$

r_i – радиус кривизны сферической поверхности

ρ – кривизна поверхности

h – высота, на которой определяется стрелка

Для линзы с $f' > 0$ толщина d по оси определяется по формуле:

$$d = d_{кр} + S_1 - S_2, \text{ где}$$

S_1 – стрелка прогиба первой поверхности линзы

S_2 – стрелка прогиба второй поверхности линзы

$d_{кр}$ – толщина линзы по краю

Для линзы с $f < 0$ толщина d по оси определяется по формуле:

$$d = 0.06 D_p, \text{ где}$$

D_p – полный диаметр линзы

Случай, когда $|n_1 - n_2| < 0,00001$, где n_1, n_2 – показатели преломления входящих в компонент линз:

$$d_{I \text{ линзы}} = 0,5(d_{кр} + S_1 - S_2)$$

$$\text{Если } \rho_1 < \rho_2, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = 0,025 D_p$$

$$\text{Если } \rho_1 \geq \rho_2, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = d_{I \text{ линзы}}$$

$$d_{\text{компонента}} = d_{I \text{ линзы}} + d_{II \text{ линзы}}$$

Случай, когда $|n_1 - n_2| \geq 0,00001$

$$\text{Если } \rho_1 \geq \rho_2, \text{ то } d_{I \text{ линзы}} = d_{кр} + S_1 - S_2$$

$$\text{Если } 8d_{кр} + d_{I \text{ линзы}} < D_p, \text{ то } d_{I \text{ линзы}} = 0,125(D_p + 8S_1 - 8S_2);$$

$$\text{Если } \rho_1 < \rho_2, \text{ то } d_{I \text{ линзы}} = 0,12 D_p \text{ и } d_{кр} = d_{I \text{ линзы}} - S_1 + S_2$$

$$\text{Если } 3d_{кр} + 8d_{I \text{ линзы}} < D_p, \text{ то } d_{I \text{ линзы}} = 0,125(D_p + 8S_1 - 8S_2);$$

$$\text{Если } \rho_3 \geq \rho_4, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = d_{кр} + S_3 - S_4$$

$$\text{Если } 8d_{кр} + d_{II \text{ линзы}} < D_p, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = 0,125(D_p + 8S_3 - 8S_4);$$

$$\text{Если } \rho_4 < \rho_3, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = 0,12 D_p \text{ и } d_{кр} = d_{II \text{ линзы}} - S_3 + S_4$$

$$\text{Если } 3d_{кр} + 8d_{II \text{ линзы}} < D_p, \text{ то } d_{II \text{ линзы}} = 0,125(D_p + 8S_3 - 8S_4);$$

$$d_{\text{компонента}} = d_{I \text{ линзы}} + d_{II \text{ линзы}} + d_{кр}$$

Расчёт кардинальных отрезков и точек

Следующим шагом в абберационном синтезе идет определение кардинальных отрезков и точек.

Фокусное расстояние линзы[4]:

$$f' = \frac{nr_1 r_2}{(n-1)[n(r_2 - r_1) + d(n-1)]}$$

Положение фокальных плоскостей[4]:

$$S_F = -f' \left(1 + \frac{n-1}{n} \frac{d}{r_2} \right); S'_{F'} = f' \left(1 + \frac{n-1}{n} \frac{d}{r_2} \right)$$

Положение главных плоскостей:[4]

$$S_H = -f' \frac{n-1}{n} \frac{d}{r_2}; \quad S'_H = -f' \frac{n-1}{n} \frac{d}{r_2};$$

Редуцирование компонента

При переходе от тонкого компонента к толстому «плывут» фокусные расстояния компонента. Для того чтобы, фокусное расстояние компонента оставалось прежним, выполняется процедура редуцирования, при которой радиусы кривизны и толщины компонента умножаются на коэффициент редуцирования.

Фокусное расстояние синтезированного компонента:

$$f_{\text{компонента-абберационный синтез}} = \frac{f_{\text{I линзы}}^2 \cdot f_{\text{II линзы}}^2}{f_{\text{I линзы}} + f_{\text{II линзы}} - d_{\text{кр}}}$$

Коэффициент редуцирования:

$$A_{\text{ред}} = \frac{f_{\text{компонента-габаритный синтез}}}{f_{\text{компонента-абберационный синтез}}}$$

Проведя редуцирование компонента, снова высчитывается фокусное расстояние компонента.

Реализация алгоритма абберационного синтеза

Анализ аббераций рекомендуется проводить при помощи расчёта хода лучей лучевого пакета для синтезированной части ЛОС – от входной перетяжки всей ЛОС до выходной перетяжки после текущего компонента.

Анализ аббераций в данной работе не рассматривается. Практически любой синтезированный толстый компонент уже считается избавленным от большинства аббераций, но для выбора лучшего варианта абберационного синтеза, необходимо проводить полный анализ аббераций и выбирать лучший вариант.

При реализации алгоритма абберационного синтеза необходимо задавать входные параметры, не заданные или являющиеся выходными при габаритном синтезе параметры:

n_{1_I} – показатель преломления первой линзы первого компонента

n_{2_I} – показатель преломления второй линзы первого компонента

n_{1_II} – показатель преломления первой линзы второго компонента

n_{2_II} – показатель преломления второй линзы второго компонента

f'_I – фокусное расстояние первого компонента

f'_{II} – фокусное расстояние второго компонента

m – неопределённый коэффициент, просчитывается в интервале $[-5,5]$

x_4 – неопределённый коэффициент, просчитывается в интервале $[-1,1]$

h – шаг с которым просчитываются неопределённые коэффициенты

Алгоритма абберационного синтеза

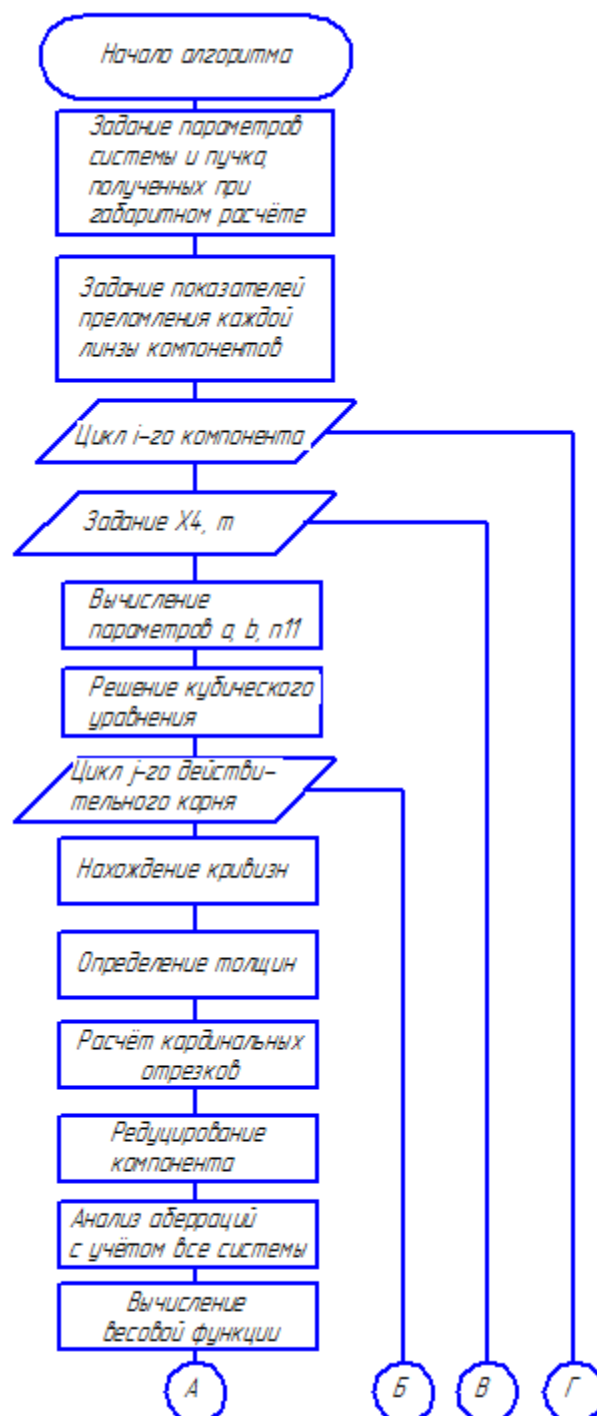


Рис. 2а. Схема алгоритма абберационного синтеза

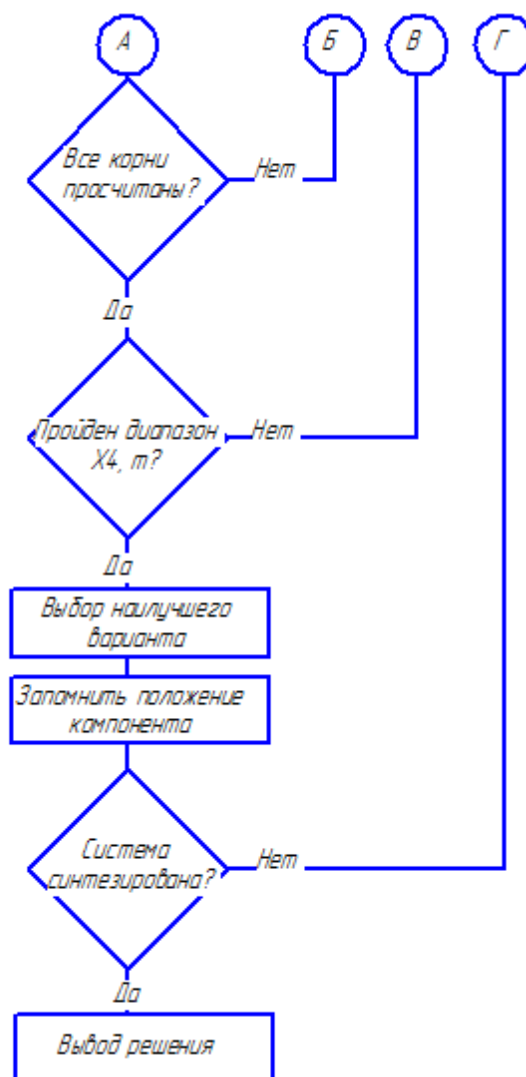


Рис. 26. Схема алгоритма абберационного синтеза

На основе приведенного в данной работе математического аппарата был разработан алгоритм абберационного синтеза многокомпонентных лазерных оптических систем. Данный алгоритм был применен в разработке программного обеспечения абберационного синтеза. Разработанная программа дала возможность синтезировать высококачественные лазерные оптические системы, в частности оптическую систему «летучая оптика», применяемой в лазерных гравировщиках.

Список литературы

1. Пахомов И.И. Расчет преобразования лазерного пучка в оптических системах. М.: Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана, 1998. 53 с.
2. Носов П.А., Пахомов И.И., Ширанков А.Ф. Состояние и перспективы развития методов расчета преобразования лазерного излучения оптическими системами // Инженерный журнал: наука и инновации. МГТУ им. Н.Э. Баумана. Электрон. журн. 2012. №9. Режим доступа: <http://engjournal.ru/articles/363/363.pdf> (дата обращения 05.09.2014).
3. Толстоба Н.Д., Цуканов А.А. Проектирование узлов оптических приборов. Учебное пособие. СПб.: Санкт-Петербургский Государственный Институт Точной Механики и Оптики (Технический Университет), 2002. 129 с.
4. Заказнов Н.П., Кирюшин С.И., Кузичев В.И. Теория оптических систем (изд. 3-е). М.: Машиностроение, 1992. 488 с.